

МЕТОД ПАРАМЕТРИЧНИХ ВИМІРЮВАНЬ З ВИКОРИСТАННЯМ ГЕНЕРАТОРА ХАОТИЧНИХ КОЛИВАНЬ

Україна, м. Вінниця, Вінницький національний технічний університет, кафедра метрології та промислової автоматики, професор кафедри, Kucheruk@mail.ru

Україна, м. Вінниця, Вінницький національний технічний університет, кафедра метрології та промислової автоматики, магістр, Torichka_M@mail.ru

Анотація. Розглянуто метод вимірювання параметрів на основі хаотичного генератора. Проведено моделювання аттрактора в середовищі MultiSim.

Вступ

В багатьох областях науки та промисловості постає проблема вимірювання фізичних величин з високою точністю. Існуючі методи та засоби практично вичерпали потенціал підвищення своєї чутливості до змінення вимірюваної фізичної величини [1]. Таким чином, постає задача створення методів та засобів вимірювання фізичних величин з підвищеною точністю.

Значним науковим відкриттям останніх десятиліть є відкриття детермінованого хаосу в динамічних системах. Суть цього відкриття полягає в тому, що повністю визначена (детермінована) динамічна система, при відсутності будь-яких випадкових впливів на неї, починає вести себе непередбаченим (хаотичним) чином. Проте у цієї непередбачуваності (хаотичності) при більш ретельному розгляді вдається виявити ряд закономірностей у поведінці системи, що відрізняє дане явище від класичних випадкових процесів.

Не зважаючи на хаотичний характер, коли на практиці передбачити стан системи в заданий момент часу можна лише статистично, процес в таких системах суттєво відрізняється від звичайного статистичного шуму. Останній характеризується тим, що точки траєкторії рівномірно заповнюють певний об'єм фазового простору, а суцільний спектр шуму не має чітко виражених ліній. Фазові портрети систем із детермінованим хаосом володіють складною нерівномірною просторовою структурою та деякими загальними властивостями, причому в неперервному спектрі присутні явно виражені гармоніки. До фундаментальних властивостей таких систем відноситься надзвичайно висока чутливість хаотичного процесу до зміни параметрів генератора хаотичних коливань (ХК) [2, 3].

Постановка задачі. Розробити схему та математичну модель генератора ХК.

Основа методу. Розглянемо метод вимірювання фізичних величин, в основу якого покладене використання генератора ХК.

В його основі лежить використання в якості вимірювального кола нелінійної електричної схеми в режимі хаотичних коливань, тобто генератора хаотичних коливань. Сенсор вимірювальної фізичної величини підключається до схеми генератора ХК таким чином, щоб його вихідне значення змінювало значення одного з параметрів хаотичного генератора.

Вимірювальною інформацією в методі генератора ХК є дискретна реалізація хаотичного процесу, яка знімається з генератора ХК, яка далі поступає на опрацювання в обчислювальний блок.

Для отримання оцінки параметра генератора ХК можна використовувати будь-яку стійку характеристику структури системи із детермінованим хаосом (амплітуду коливань по всім змінним фазового простору, розмірність Хаусдорфа, інформаційну і кореляційну розмірності, ентропію Колмогорова, показники Ляпунова, середній час передбачуваності хаотичної системи) [4]. Алгоритм визначення параметра в методі генератора ХК полягає в отриманні за знятою хаотичною реалізацією числової оцінки вибраної характеристики.

Засіб вимірювання, створений на базі методу генератора ХК, буде мати функцію перетворення в вигляді сильної (експоненціальної) залежності характеристики аттрактора генератора ХК від вимірювальної фізичної величини (так як вона однозначно визначається параметром генератора ХК).

Основною перевагою методу генератора ХК є можливість побудови на його основі більш точних порівняно з існуючими засобами вимірювання. Методична похибка методу залежить від точності числової оцінки характеристики генератора ХК, яка визначається заданням потрібних довжини і кроку дискретної реалізації хаотичного процесу. Як показали теоретичні та експериментальні дослідження, при використанні хаотичної реалізації процесу довжиною більше 10 періодів нижньої гармоніки генератора ХК методична похибка буде меншою, ніж похибка від нестабільності параметрів, яку можна реально забезпечити на сучасному рівні розвитку електроніки.

Перевагою методу є його універсальність. Метод придатний для вимірювання будь – якої фізичної величини, якщо існує сенсор цієї величини з вихідним сигналом в вигляді електричної напруги чи струму, а також параметричні датчики, в яких вимірювальна фізична величина перетворюється в відповідну зміну його опору, ємності чи індуктивності.

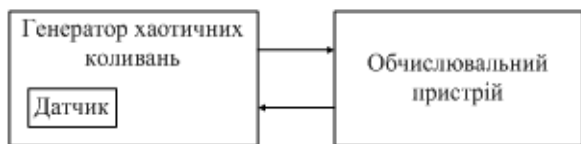


Рис. 1 – Структурна схема вимірювального пристрою на базі методу генератора ХК

Найпростіша структурна схема вимірювального пристрою на базі генератора ХК (рис. 1), складається з двох частин: нелінійної вимірювальної схеми, до якої підключений датчик вимірювальної фізичної величини, і обчислювального пристрою, в якому реалізовані алгоритми визначення

параметра генератора.

Схема вимірювального пристрою дозволяє здійснити варіант методу генератора ХК, оснований на властивості структурної стійкості аттрактора хаотичної системи.

Датчик вимірюваної фізичної величини підключається до вимірювальної схеми генератора таким чином, щоб його вихідна величина змінювала свій один з параметрів нелінійної хаотичної схеми. З неї дискретизований та оцифрований хаотичний сигнал поступає на вхід обчислювального пристрою, де визначається відхилення параметра генератора і на основі закладеної градуированої характеристики обчислюється значення вимірюваної фізичної величини.

Не зважаючи на технічні проблеми створення схеми, яка забезпечувала б необхідні допуски на параметри схеми і прийнятну їх стабільність, відзначимо, що існують прості електронні схеми з хаотичними режимами роботи, добре теоретично і експериментально досліджені [3-4]. Властивості хаотичних систем, які мають ці електронні схеми, дозволяють їх використовувати в якості вимірювальних кіл.

При виборі практичної реалізації генератора ХК враховувався ряд обставин, а саме: простота реалізації, наявність діапазону зміни параметрів, які забезпечують хаотичний режим, наявність математичної моделі, яка дозволяє достатньо просто моделювати хаотичний процес.

Схема генератора хаотичних коливань

В якості генератора хаотичних коливань для подальших досліджень вибрана схема, що генерує хаотичний сигнал типу «згорнутий тор» [5]. Схема (рис. 2) складається всього із чотирьох елементів, із яких нелінійний лише один: кусково-лінійний резистор з характеристикою, зображеною на рис. 3. Лінійні елементи L та C_2 пасивні, а зовнішня ємність $-C_1$ має від'ємний знак. Динаміка описується системою рівнянь

$$\begin{cases} C_1 \frac{dV_{C1}}{dt} = -g(V_{C2} - V_{C1}); \\ C_2 \frac{dV_{C2}}{dt} = -g(V_{C2} - V_{C1}) - i_L; \\ L \frac{di_L}{dt} = V_{C2}, \end{cases} \quad (1)$$

де через V_{C1} , V_{C2} , i_L позначені відповідно напруга на конденсаторі C_1 , напруга на конденсаторі C_2 і струм через L . Функція $g(\dots)$ описує вольт-амперну характеристику нелінійного резистора і має вигляд

$$g(V) = -m_0 V + 0.5(m_0 + m_1)[|V + E_1| - |V - E_1|]. \quad (2)$$

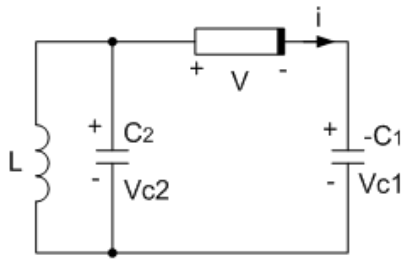


Рис. 2 – Автономна схема третього порядку із властивостями системи типу «згорнутий тор»

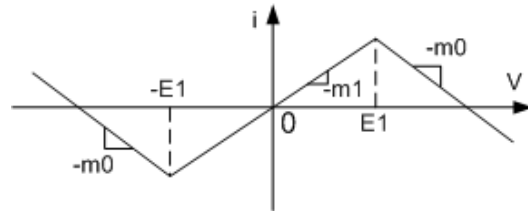


Рис. 3 – Вольт-амперна характеристика нелінійного резистора

На рис. 4 представлена реалізація схеми в пакеті схемотехнічного моделювання MultiSim. Нелінійний опір реалізований на елементах U1, U2, D1, D2, R1-R6. Хоча ємність C1 позитивна, завдяки впливу перерахованих вище елементів вона діє як від'ємна ємність.

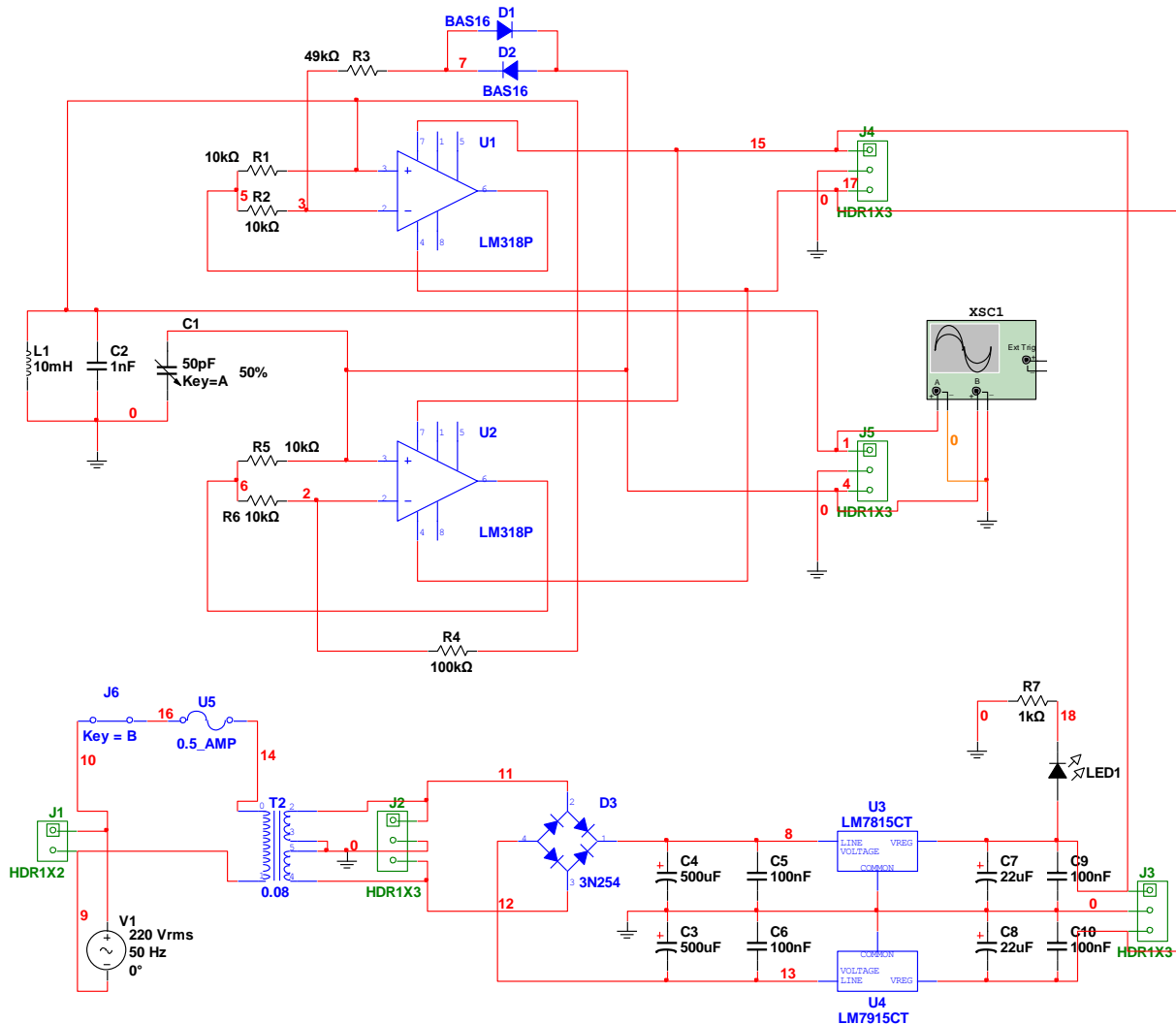


Рис. 4 – Реалізація схеми (рис. 2) в пакеті схемотехнічного моделювання MultiSim

Переходячи від рівнянь (1) до безрозмірних змінних, можна отримати наступну систему рівнянь

$$\begin{cases} \frac{dx(t)}{dt} = -\alpha \cdot f(y(t) - x(t)); \\ \frac{dy(t)}{dt} = -f(y(t) - x(t)) - z(t); \\ \frac{dz(t)}{dt} = \beta \cdot y(t), \end{cases} \quad (3)$$

де $x = V_{C1}/E_1$, $y = V_{C2}/E_1$, $z = i_L/(C_2E_1)$, $\alpha = C_2/C_1$, $\beta = 1/(LC_2)$, $a = m_0/C_2$, $b = m_1/C_2$,
 $f(x) = -ax + 0.5(\alpha + b)[|x + 1| - |x - 1|]$.

Перераховані параметри, що відповідають представленій схемі (рис. 4), мають величини $\alpha = 0.07$, $b = 0.1$, $\beta = 1$. На рис. 5-7 представлені результати моделювання хаотичної системи (3).

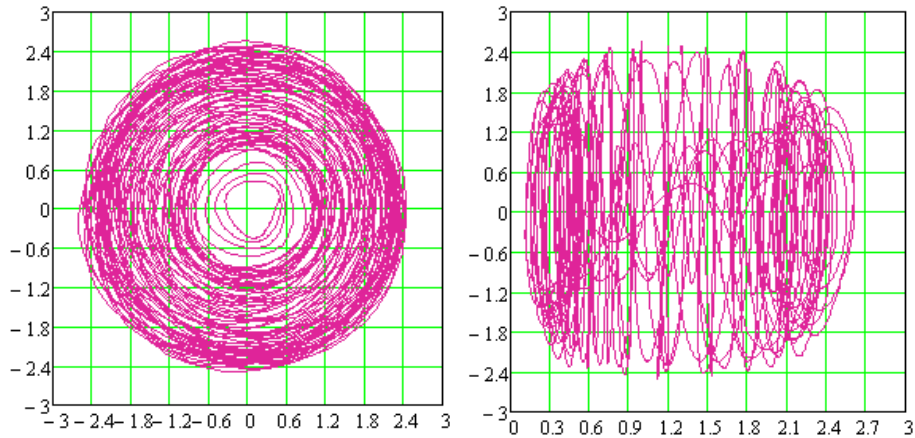


Рис. 5 – Проекція на площину $\{V_{C1}, V_{C2}\}$ при $\alpha = 2$

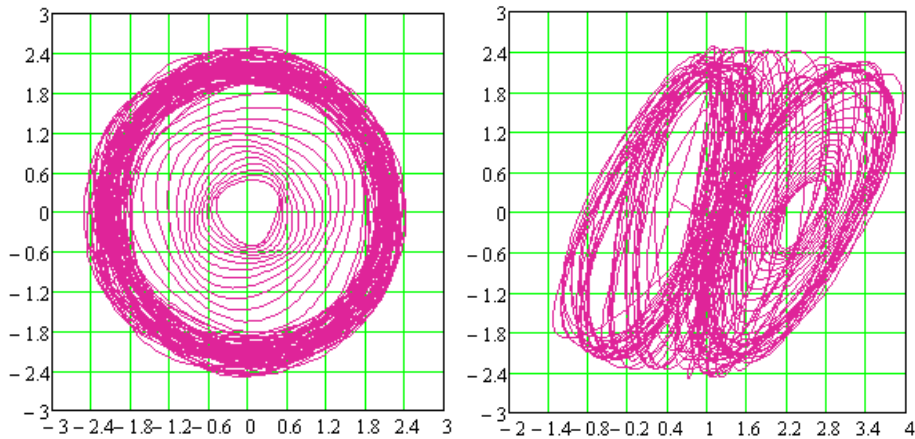


Рис. 6 – Проекція на площину $\{V_{C1}, V_{C2}\}$ при $\alpha = 15$

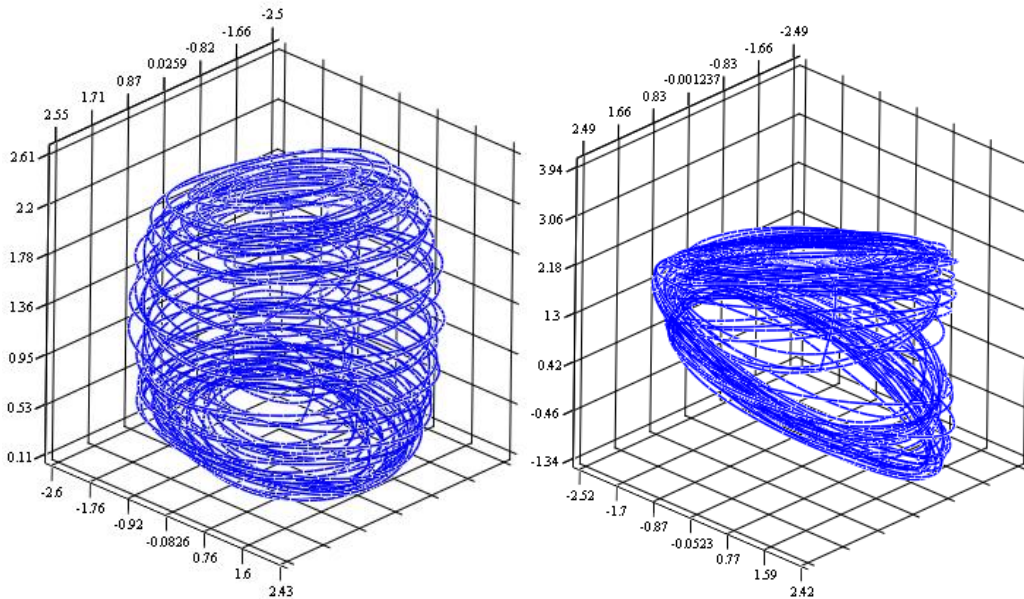


Рис. 7 – Тривимірні зображення на площині $\{x, y, z\}$ при $\alpha=2$ та $\alpha=15$ відповідно

Результати моделювання показують, що представлена на рис. 7 схема генератора ХК є чутливою до змінення параметра α , тобто при використанні замість конденсатора С1 або С2 ємнісного сенсора можливо здійснювати вимірювальне перетворення його сигналу.

Висновки

Розглянутий метод вимірювання має високу параметричну чутливість. У зв'язку з цим змінення будь-якого параметра схеми генератора ХК змінює характер хаотичних коливань.

Висока чутливість до змінення параметрів схеми, на перший погляд, робить неможливим використання генераторів ХК для безпосередніх вимірювань, так як розділити вплив на хаотичний процес зміни параметрів схеми, зумовлених коливаннями зовнішніх умов і викликаних впливом вимірюваної фізичної величини, неможливо. Але, використовуючи диференціальний метод вимірювання, тобто отримуючи оцінки параметрів хаотичного генератора із впливом вимірюваної фізичної величини та без неї, можна перебороти даний недолік.

Список літературних джерел

1. Воронов С.С., Колпакова Л.В., Кузнецов В.А. Метод измерения с использованием свойств нелинейных динамических систем. //Измерительная техника.-1996.-№12.-С.16-18.
2. Браславский Д.А., Петров В.В. Точность измерительных устройств. - М.: Машиностроение, 1976.-312с.
3. Паркер Т.С., Чжуа Л.О. Метод измерения с использованием свойств нелинейных динамических систем. //ТИИЭР.-1987.-Т75.- №8.-С.6.
4. Воронов С.С., Колпакова Л.В., Кузнецов В.А. Метод хаотического генератора: подходы к диагностированию параметров нелинейных хаотических систем. //Измерительная техника.-2000.-№4.-С.19-21.
5. Мацумото Т. Хаос в электронных схемах. //ТИИЭР.-Т.75.-1987.-№8.-С.76.