

## ФОРМУВАННЯ ЗОБРАЖЕННЯ ПАРАБОЛИ НА ГЕКСАГОНАЛЬНОМУ РАСТРІ

Вінницький національний технічний університет

### *Анотація*

*Запропонований підхід до формування параболи на гексагональному растрі. Запропонований алгоритм вигідно порівнюється з існуючим алгоритмом малювання параболи на квадратному растрі.*

**Ключові слова:** гексагональна сітка, малюнок параболи, підхід середньої точки.

### *Abstract*

*An approach to the formation of a parabola on a hexagonal grid is proposed. The proposed algorithm is compared favorably with the existing parabola drawing algorithm on square grid.*

**Keywords:** hexagonal grid, parabola drawing, midpoint approach.

### Вступ

У комп'ютерній графіці для формування зображень використовують графічні примітиви, до яких відносять параболу. Перспективними сьогодні є гексагональні растри, які мають ряд переваг над квадратним.

Він забезпечує формування більш реалістичних зображень кращу ідентичність меж ділянок.[1-3].

У роботі запропоновано алгоритм формування параболи на гексагональному растрі.

### Результати дослідження

Запропонований алгоритм формування параболи є структурно простим і використовує метод середньої точки.

Рівняння параболи на шестикутній сітці з центром в точці  $(0, 0)$  уздовж осі  $x$

$$g_k = y^2 - 2xy + x^2 - 14ax - 14ay$$

Це крива симетрична щодо осі  $x$ . Для генерації пікселів для параболи достатньо сформувати ту частину параболи, яка лежить у першому квадранті. Інша ділянка може бути сформована симетрично (рис. 1):

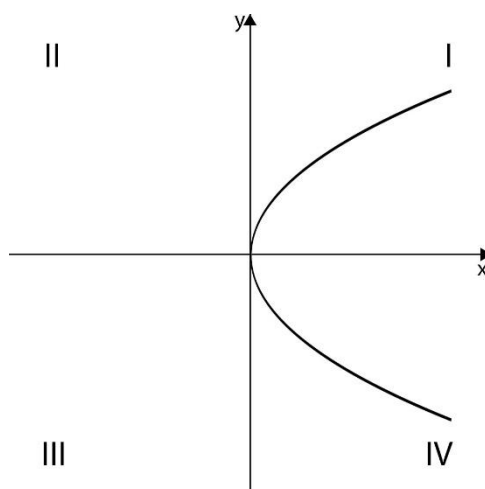


Рисунок 1. – Парабола на гексагональному растрі

Нахил параболи:  $\frac{dy}{dx} = m = \left( \frac{-2(x-y)+14a}{-2(x-y)-14a} \right)$ . Значення нахилу:  $-\infty < m < \infty$ . Цей нахил є різко від'ємним, якщо  $-\infty < m \leq 1$ , помірно від'ємним, якщо  $-1 < m \leq 0$ , помірно додатнім, якщо  $0 \leq m < 1$ , і різко додатнім, якщо  $1 \leq m < \infty$ . За цим парабола може бути розділена на регіони, нахил кожного з яких належить до одного з чотирьох типів. Нахил в області 1 помірно від'ємний. Якщо  $(x_k, y_k)$  – останній піксель, вибраний у цій області, а наступний піксель, який слід вибрати, є  $(x_{k+1}, y_{k+1})$ , тоді  $x_{k+1} = x_k + 1$  та  $y_{k+1} \in y_k$  або  $y_k - 1$ . Щоб вирішити, який з двох пікселів  $(x_k + 1, y_k)$  чи  $(x_k + 1, y_k - 1)$  слід вибрати, необхідно замінити ці пікселі по черзі в рівнянні параболи, що призводить до:

$$p = f\left(x_k + 1, y_k - \frac{1}{2}\right) = 4g_k + 12x_k - 12y_k - 28a + 9.$$

Критеріями рішення для визначення наступного пікселя є:

$$p_k = 4g_k + 12x_k - 12y_k - 28a + 9.$$

Якщо  $p_k \leq 0$ , тоді наступним буде побудований піксель  $(x_k + 1, y_k - 1)$ :

$$\begin{aligned} g_{k+1} &= g_k - 4y_k + 4x_k + 4, \\ p_{k+1} &= p_k - 16y_k + 16x_k + 10. \end{aligned}$$

Якщо  $p_k > 0$ , тоді наступним буде побудований піксель  $(x_k + 1, y_k)$ :

$$\begin{aligned} g_{k+1} &= g_k - 2y_k + 2x_k + 1 - 14a, \\ p_{k+1} &= p_k - 8y_k + 8x_k - 56a + 16. \end{aligned}$$

В області 2 нахил параболи є помірно додатнім. Якщо  $(x_k, y_k)$  – останній піксель, обраний в області 2, а наступний піксель, який слід обрати,  $(x_{k+1}, y_{k+1})$ . Це може бути або  $x_{k+1} = x_k + 1$  та  $y_{k+1} = y_k$ , або  $x_{k+1} = x_k$ , або  $y_k = y_k + 1$ . Параметр рішення для вибору наступного пікселя виводиться аналогічно області 1:

$$p = f\left(x_k + \frac{1}{2}, y_k + \frac{1}{2}\right) = g_k - 14a.$$

Параметр рішення для вибору наступного пікселя:

$$p_k = g_k - 14a.$$

Якщо  $p_k \leq 0$ , тоді наступним буде побудований піксель  $(x_k, y_k + 1)$ :

$$\begin{aligned} g_{k+1} &= g_k + 2y_k - 2x_k + 1 - 14a, \\ p_{k+1} &= p_k + 2y_k - 2x_k - 14a + 1. \end{aligned}$$

Якщо  $p_k > 0$ , тоді наступним буде побудований піксель  $(x_k + 1, y_k)$ :

$$\begin{aligned} g_{k+1} &= g_k - 2y_k + 2x_k + 1 - 14a, \\ p_{k+1} &= p_k - 2y_k + 2x_k - 14a + 1. \end{aligned}$$

Для малювання параболи, паралельної осі  $y$ , необхідно поміняти  $x$  і  $y$  місцями. Алгоритм малювання даної параболи:

1 крок. Обирається початковий піксель  $(x_k, y_k)$  в області 1 і отримується значення  $a$ . Обчислюється умова закінчення області 1 =  $\left( \frac{9a}{1.732} \right)$ .

2 крок. Обчислюється параметр  $p = 4g_k + 12x_k - 12y_k - 28a + 9$  та будується піксель  $(x_k, y_k)$ .

3 крок. Якщо  $p_k \leq 0$ , тоді наступним буде побудований піксель  $(x_k + 1, y_k - 1)$ :

$$p_{k+1} = p_k - 16y_k + 16x_k + 40.$$

Якщо  $p_k > 0$ , тоді наступним буде побудований піксель  $(x_k + 1, y_k)$ :

$$p_{k+1} = p_k - 8y_k + 8x_k - 56a + 16.$$

4 крок. Повторюється крок 3, поки  $x \geq$  межі області 1.

5 крок. Обчислюється параметр  $p = g_k - 14a$ .

6 крок. Якщо  $p_k \leq 0$ , тоді наступним буде побудований піксель  $(x_k, y_k + 1)$ :

$$p_{k+1} = p_k + 2y_k - 2x_k - 14a + 1.$$

Якщо  $p_k > 0$ , тоді наступним буде побудований піксель  $(x_k + 1, y_k)$ :

$$p_{k+1} = p_k - 2y_k + 2x_k - 14a + 1.$$

7 крок. Повторюється крок 6 до тих пір, поки  $x \leq$  визначені користувачем межі.

8 крок. Визначаються точки симетрії в іншому квадранті.

## Висновки

Розроблено алгоритм формування параболи на гексагональному растрі методом середньої точки. Алгоритм є простим з обчислювальної точки зору.

## СПИСОК ВИКОРИСТАНОЇ ЛІТЕРАТУРИ

1. Романюк О. Н., Мельник О.В., Стукач О.В., «Моделювання гексагонального растра на квадратному растрі», 29 червня 2017 р. [Електронний ресурс] Режим доступу: <http://surl.li/bdwx>
2. M. Prabukumar, “An improved mid-point circle drawing algorithm on a hexagonal grid”, журнал “Advanced Research in Computer Science”, vol. 3, Issue 1, (2011), с. 41-57.
3. E. G. Miller, “Alternative tilings for improved surface area estimates by local counting algorithms”, Computer Vision and Image Understanding, vol. 74, (1999), с. 193–211.

**Романюк Олександр Никифорович** – д. т. н., професор, професор кафедри програмного забезпечення, Вінницький національний технічний університет, м. Вінниця.

**Панфілова Юлія Олегівна** – студентка групи ЗПП-176, факультет інформаційних технологій на комп’ютерної інженерії, Вінницький національний технічний університет, м. Вінниця, email: [panfilova.yulia345@gmail.com](mailto:panfilova.yulia345@gmail.com).

**Мельник Олександр Васильович** – аспірант кафедри програмного забезпечення, Вінницький національний технічний університет, м. Вінниця.

**Panfilova Yuliia O.** — student, Department Information Technologies and Computer Engineering, Vinnytsia National Technical University, Vinnytsia, email: [panfilova.yulia345@gmail.com](mailto:panfilova.yulia345@gmail.com).

**Romanyuk Olexandr N.** — PhD (Eng.), Professor of Department for Programming Engineering, Vinnytsia National Technical University, Vinnytsia.

**Melnyk Olexandr V.** – postgraduate, Vinnytsia National Technical University, Vinnytsia.