

# ОЦІНКА СТАТИЧНИХ МЕТРОЛОГІЧНИХ ХАРАКТЕРИСТИК ВИМІРЮВАЛЬНОГО КАНАЛУ ЗУСИЛЯ

Кухарчук В.В., докт.техн.наук, професор,

Кучерук В.Ю., канд.техн.наук, доцент,

Поджаренко В.О., докт.техн.наук, професор,

Білинська М.Й.

Вінницький державний технічний університет

*Отримано аналітичні залежності для оцінки основних статичних метрологічних характеристик вимірювального каналу зусилля за допомогою розкладання функції перетворення в ряд Тейлора. Експериментально встановлено, що адитивна і мультипликативна похибки не систематичними, як вважалось раніше, а випадковими похибками. Дану обставину необхідно враховувати під час оцінки вірогідності контролю неелектрических фізических величин, вимірюваній контролем яких здійснюють на основі розглянутого вимірювального каналу.*

*The analytical dependencies for main static metrological characteristics evaluation of effort measuring channel are got by the expansion of the transformation function in Taylor's series. It was proved by the experiment that additive and multiplicative errors are not systematic, as it was considered earlier, but random. This circumstance should be considered at control trustworthiness evaluation of nonelectrical physical quantities, measuring control of which are made on the basis of considered measuring channel.*

Характерною тенденцією розвитку сучасних засобів вимірюваної техніки є широке застосування інформаційно-вимірювальних систем в різноманітних сферах діяльності людини. Основними складовими таких технічних засобів є вимірювальні канали. Найбільш складними з точки зору визначення метрологічних характеристик є вимірювальні канали неелектрических величин, які мають у своєму складі первинні вимірювальні перетворювачі, вимірювальні підсилювачі і аналогово-цифрові перетворювачі.

В залежності від режиму роботи засобу вимірювань виділяють статичні і динамічні метрологічні характеристики (МХ). Для оцінки динамічних МХ напрацьовано підходи, які введено у вимірювальну

динамічних МХ напрацьовано підходи, які введено у вимірювальну техніку із теорії автоматичного керування. Тому, якщо є можливість описати фізичні процеси, які протікають у вимірювальному каналі диференціальним рівнянням, то алгоритм отримання аналітичних залежностей для переходної, імпульсної, амплітудно- і фазочастотних характеристик формалізовано.

Теорія формалізованого визначення статичних МХ знаходитьться у стадії розвитку. Тому метою даної роботи є подальший розвиток теорії розкладання функції перетворення у ряд Тейлора для отримання аналітичних залежностей основних статичних метрологічних характеристик вимірювальних каналів зусилля.

Вимірювальний канал зусилля (ВКЗ), який розглядається у даній статті, представляє собою [1] сукупність вимірювальних пристрій і засобів вимірювань (рисунок 1). До вимірювальних пристрій в даній схемі належать: первинний вимірювальний перетворювач зусилля (сенсор зусилля СЗ) і масштабний перетворювач (вимірювальний підсилювач ПВ). Аналогово-цифровий перетворювач (АЦП) послідовного наближення є вторинним цифровим засобом вимірювань.

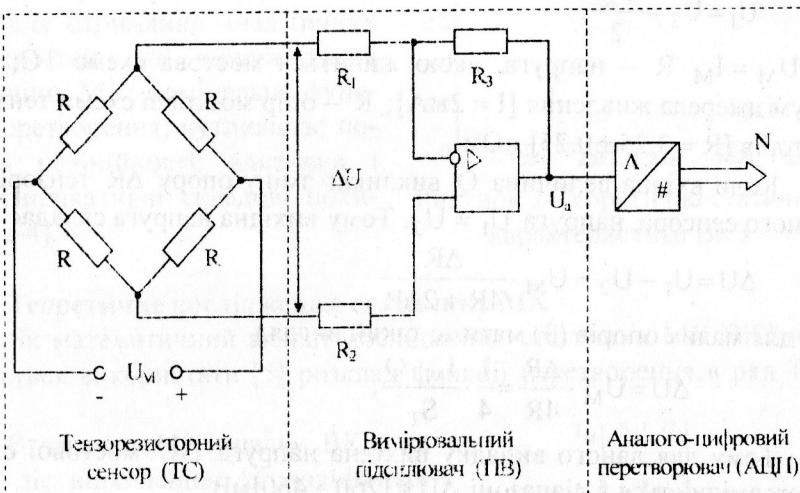


Рисунок 1- Структурна схема вимірювального каналу зусилля

Представленний ВКЗ є основою для побудови апаратних засобів вимірювань зусилля, моменту (пускового, динамічного, електро-

магнітного, інерції), деформацій, тиску, витрат. Тип сенсора зусилля (тензорезистивний, ємнісний, індуктивний і т. ін.) визначає підходи до аналізу МХ таких засобів вимірювань.

В зв'язку з цим розглянемо методику визначення функції перетворення на прикладі ВКЗ з тензорезистивним сенсором (TC).

### Виведення функції перетворення

В основу принципу дії TC покладено тензоефект у напівпровідниках. Чутливим елементом TC є сапфірова мембрана з кремнієвими тензорезисторами R. Під дією інформативного параметра (зусилля Q) мембрана деформується, що в свою чергу викликає зміну опору  $\Delta R$  мостової схеми тензорезисторів R (рисунок 1).

$$\Delta R = \frac{Q}{S_T}, \quad (1)$$

де  $S_T$  – чутливість тензорезистивного вимірювального перетворювача [г/Ом].

Зміна опору викликає відповідну зміну вихідної напруги  $\Delta U$  моста. Якщо опори всіх плечей моста однакові, то напруги

$$U_1 = U_2 = \frac{U_M}{2}, \quad (2)$$

де  $U_M = I_M \cdot R$  – напруга, якою живиться мостова схема TC;  $I_M$  – струм джерела живлення [ $I = 2 \text{ mA}$ ]; R – опір мостової схеми тензорезисторів [ $R = 3.25 \pm 0.25$ ] кОм.

Коли вхідна величина Q викликає зміну опору  $\Delta R$  тензорезистивного сенсора, напруга  $U_1 \neq U_2$ . Тому вихідна напруга складає

$$\Delta U = U_1 - U_2 = U_M \cdot \frac{\Delta R}{4R + 2\Delta R} \quad (3)$$

або для малих опорів (3) матиме такий вигляд

$$\Delta U = U_M \cdot \frac{\Delta R}{4R} = \frac{1}{4} \cdot \frac{I_M \cdot Q}{S_T}. \quad (4)$$

Тому для даного випадку вихідна напруга  $\Delta U$  мостової схеми також змінюється в діапазоні  $\Delta U \in [260 \div 460] \text{ мВ}$ .

Для підсилення малих різниць напруги на фоні синфазної зайвої, яка може бути більшою за величину  $\Delta U$ , застосовують вимірювальний підсилювач. В даному випадку диференціальний вхідний си-

нал представляє вихідну напругу  $\Delta U$ , що змінюється на виході ТС. Підсиленний ПВ диференціальний вхідний сигнал

$$U_a = k \cdot \Delta U = \frac{1}{4} \cdot \frac{k \cdot I_M \cdot Q}{S_T}, \quad (5)$$

поступає на вхід АЦП, де перетворюється в бінарний код

$$N = \frac{k \cdot \Delta U \cdot 2^n}{U_o}, \quad (6)$$

де  $k$  – коефіцієнт підсилення вимірювального підсилювача;  $n$  – розрядність регістра послідовного наближення АЦП;  $U_o$  – опорна напруга АЦП.

Тоді остаточна функція перетворення ВКЗ аналітично представляється у вигляді

$$N = \frac{1}{4} \cdot \frac{k \cdot I_M \cdot 2^n}{S_T \cdot U_o} \cdot Q. \quad (7)$$

Отримана статична характеристика (рисунок 2) лінійна, а функція перетворення (7) є вихідною для отримання аналітичних залежностей для оцінки таких статичних МХ: номінальна функція перетворення; чутливість; похибка нелінійності; адитивна і ультиплікативна складові похибок [2-4].

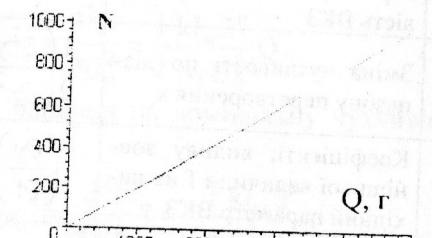


Рисунок 2-Теоретична статична характеристика ВКЗ

### Теоретичне дослідження статичних МХ

Як математичний апарат дослідження статичних МХ ВКЗ професійно використати [5] розклад функції перетворення в ряд Тейора.

В загальному випадку ВКЗ, на який діє відхилення  $\Delta f$  зовнішньої величини f від її значення  $f_0$  в нормальних умовах, описується аналітичною функцією перетворення (ФП)

$$y = y(x, \Delta f). \quad (8)$$

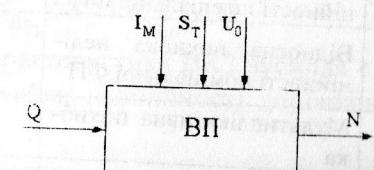


Рисунок 3-Узагальнена структурна схема ВКЗ

Аналітичні залежності для визначення основних статичних метеорологічних характеристик із використанням [5] представлені в табл. 1.

В робочих умовах ВКЗ здійснює функціональне перетворення інформативного параметра Q у бінарний код N. Крім інформативного сигналу, на такий засіб вимірювання діють впливні величини  $\bar{f} = (I_M, S_T, U_0)$ , які мають зв'язок з вихідною величиною N і спричиняють виникнення неінформативних складових перетворення. В цьому випадку ВКЗ можна представити як на рисунку 3.

Таблиця 1- Аналітичні залежності для визначення основних статичних МХ

№	Найменування	Аналітична залежність	№ ф-ли
1.	Номінальний коефіцієнт перетворення або чутливість ВКЗ	$\left(\frac{\partial y}{\partial x}\right)_0 = S_0$	(9)
2.	Зміна чутливості по діапазону перетворення x	$\frac{1}{2}\left(\frac{\partial^2 y}{\partial x^2}\right)_0 = S'_0$ і $\frac{1}{6}\left(\frac{\partial^3 y}{\partial x^3}\right)_0 = S''_0$	(10)
3.	Коефіцієнти впливу зовнішньої величини f на вихідний параметр ВКЗ y	$\left(\frac{\partial y}{\partial f}\right)_0 = \beta_0$ і $\frac{1}{2}\left(\frac{\partial^2 y}{\partial f^2}\right)_0 = \beta'_0$	(11)
4.	Коефіцієнт впливу зовнішньої величини f на номінальну чутливість S <sub>0</sub> ВКЗ	$\left(\frac{\partial^2 x}{\partial x \partial f}\right)_0 = \alpha_0$	(12)
5.	Номінальна ФП	$y = S_0 x + S'_0 x^2 + S''_0 x^3 + \dots$	(13)
6.	Абсолютна похибка нелінійності номінальної ФП	$S'_0 x^2 + S''_0 x^3 = \Delta y_H$	(14)
7.	Відносна похибка нелінійності номінальної ФП	$\delta_E = \frac{\Delta y_H}{S_0 x} = \frac{S'_0}{S_0} x + \frac{S''_0}{S_0} x^2$	(15)
8.	Мультиплікативна похибка	$\alpha_0 x \Delta f = \Delta y_M$	(16)
9.	Адитивна похибка	$\beta_0 \Delta f + \beta'_0 \Delta f^2 = \Delta y_a$	(17)

Розкладемо в ряд Тейлора ФП (7) ВКЗ. Оскільки в даному випадку на процес перетворення впливає не одна зовнішня величина, а декілька, то доданки рівняння (9) будуть мати вигляд:

1) чутливість

$$S_Q = \frac{\partial N}{\partial Q} = \frac{1}{4} \frac{k I_M 2^n}{S_T U_0}; \quad (18)$$

2) зміна чутливості по діапазону

$$S'_Q = \frac{1}{2} \frac{\partial^2 N}{\partial Q^2} = 0, \quad S''_Q = \frac{1}{6} \frac{\partial^3 N}{\partial Q^3} = 0; \quad (19)$$

3) коефіцієнти впливу зовнішніх величин на вихідний параметр N:

$$\beta_{0I_M} = \frac{\partial N}{\partial I_M} = \frac{1}{4} \frac{k 2^n}{S_T U_0} Q, \quad \beta'_{0I_M} = \frac{\partial^2 N}{\partial I_M^2} = 0; \quad (20)$$

$$\beta_{0S_T} = \frac{\partial N}{\partial S_T} = -\frac{1}{4} \frac{k I_M 2^n}{S_T^2 U_0} Q, \quad \beta'_{0S_T} = \frac{\partial^2 N}{\partial S_T^2} = \frac{1}{2} \frac{k I_M 2^n}{S_T^3 U_0} Q; \quad (21)$$

$$\beta_{0U_0} = \frac{\partial N}{\partial U_0} = -\frac{1}{4} \frac{k I_M 2^n}{S_T U_0^2} Q, \quad \beta'_{0U_0} = \frac{\partial^2 N}{\partial U_0^2} = \frac{1}{2} \frac{k I_M 2^n}{S_T U_0^3} Q. \quad (22)$$

4) коефіцієнти впливу зовнішніх величин на номінальну чутливість S<sub>0</sub> ВП:

$$\alpha_{0I_M} = \frac{\partial^2 N}{\partial Q \partial I_M} = \frac{1}{4} \frac{k 2^n}{S_T U_0}, \quad \alpha_{0S_T} = \frac{\partial^2 N}{\partial Q \partial S_T} = -\frac{1}{4} \frac{k I_M 2^n}{S_T^2 U_0};$$

$$\alpha_{0U_0} = \frac{\partial^2 N}{\partial Q \partial U_0} = -\frac{1}{4} \frac{k I_M 2^n}{S_T U_0^2}. \quad (23)$$

Врахувавши наведені вище формули (18)-(23), номінальну функцію перетворення представимо у вигляді:

$$N = S_Q Q + \alpha_{0I_M} Q \Delta I_M + \alpha_{0S_T} Q \Delta S_T + \alpha_{0U_0} Q \Delta U_0 + \beta_{0I_M} \Delta I_M + \beta_{0S_T} \Delta S_T + \beta_{0U_0} \Delta U_0 + \beta'_{0I_M} \Delta I_M^2 + \beta'_{0S_T} \Delta S_T^2 + \beta'_{0U_0} \Delta U_0^2. \quad (24)$$

В зв'язку з тим, що статична характеристика ВКЗ зусилля є лінійною, то абсолютна і відносна похибки нелінійності дорівнюють уявлені:  $\Delta N_H = 0$ ,  $\delta_H = 0$ .

Тоді адитивна похибка матиме вигляд

$$\Delta N_a = \frac{1}{2} \frac{2^n k}{S_T U_0} Q \left[ \frac{1}{2} \left( \Delta I_M - I_M \left( \frac{\Delta S_T}{S_T} + \frac{\Delta U_0}{U_0} \right) \right) + I_M \left( \frac{\Delta S_T^2}{S_T^2} + \frac{\Delta U_0^2}{U_0^2} \right) \right], \quad (25)$$

а мультиплікативну похибку ВКЗ представимо такою аналітичною залежністю

$$\Delta N_M = \frac{1}{4} \frac{2^n k}{S_T U_0} Q \left[ \Delta I_M - I_M \left( \frac{\Delta S_T}{S_T} + \frac{\Delta U_0}{U_0} \right) \right]. \quad (26)$$

Результати моделювання адитивної і мультиплікативної складових похибок наведені на рисунку 4. Аналіз представлених результатів дозволяє дійти таких висновків.

Оскільки опорна напруга  $U_0$  АЦП високостабільна, а чутливість  $S_T$  для конкретного типу тензорезистивного сенсора постійна (18), то на рисунку 4 представлені залежності адитивної  $\Delta N_a$  похибки і мультиплікативної  $\Delta N_M$  похибки від дії інформативного параметра  $Q$ .

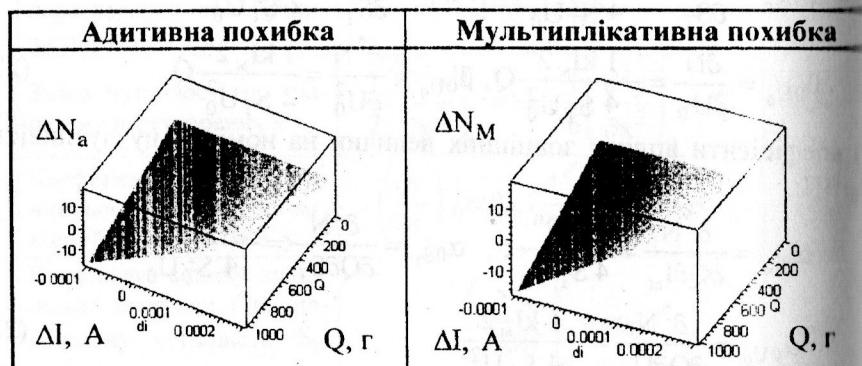


Рисунок 4- Результати моделювання адитивної і мультиплікативної складових похибки

типлікативної  $\Delta N_M$  похибок тільки від дії однієї впливової величини  $\Delta I_M$  в діапазоні зміни інформативного параметра  $Q$ .

#### Експериментальні дослідження

Для експериментального отримання основних статичних характеристик ВКЗ здійснено 500 серій вимірювань зразкового зусилля  $Q_g$ , що залежалося за допомогою зразкових мір. Аналіз експериментальної статичної характеристики (рисунок 5) показує, що в результатах вимірювань присутні як адитивна, так і мультиплікативна похибки.

Для оцінки цих похибок в кожній із  $n=500$  серій здійснено по 10 вимірювань зразкових значень зусилля в діапазоні від 0 до 1000 г. В результаті інтерполяції результатів вимірювань поліномом виду  $\Delta_a + \Delta_M \cdot Q$  для кожної серії отримано  $n=500$  значень адитивної (рисунок 6) і 500 значень мультиплікативної (рисунок 7) похибок ВКЗ.

Характер зміни даних похибок випадковий. Тому оцінено статичні характеристики для даних похибок (таблиця 2).

Таблиця 2 - Статистичні характеристики похибок

Позначення	$n$	$Q_{min}$	$Q_{max}$	$\bar{Q}$	$\sigma$
Адитивна	500	-6.4000	5.9300	0.4134	1.6958
Мультиплікативна	500	0.9937	1.0047	0.9991	0.0019

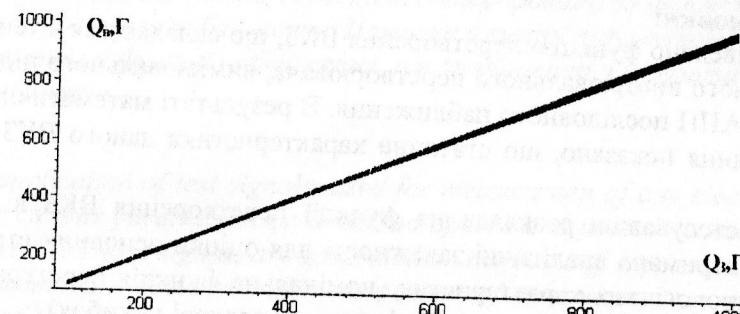


Рисунок 5 - Експериментальна статична характеристика ВКЗ

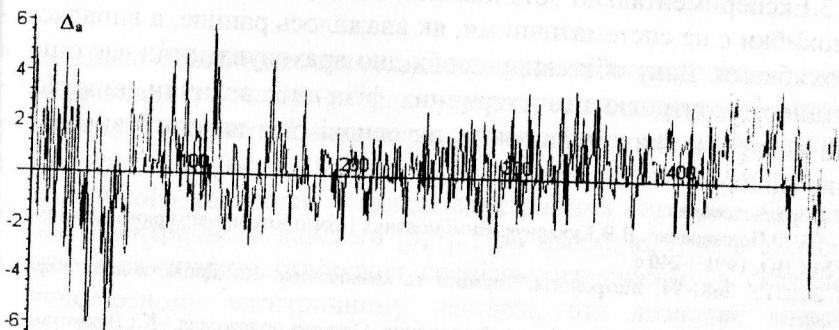


Рисунок 6 - Зміна адитивної похибки в часі

Даними статистичними характеристиками отримано закони розподілу адитивних і мультиплікативних похибок і показано, що вони є нормальними.

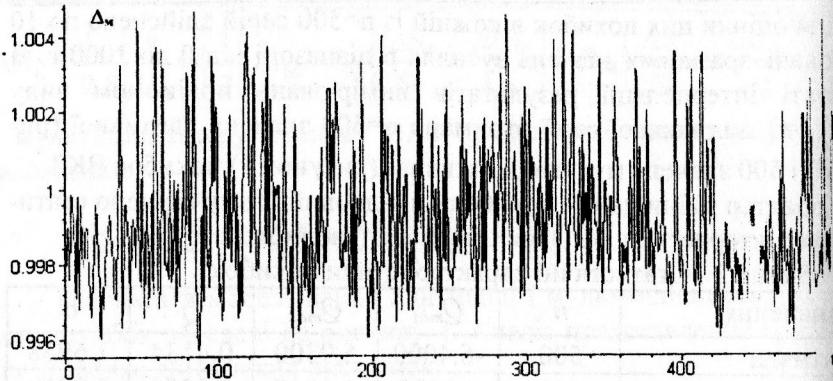


Рисунок 7-. Зміна мультиплікативної похибки в часі

**Висновки:**

1. Виведено функцію перетворення ВКЗ, що складається з тензорезистивного вимірювального перетворювача, вимірювального підсилювача і АЦП послідовного наближення. В результаті математичного моделювання показано, що статична характеристика даного ВКЗ лінійна.

2. Застосувавши розкладання функції перетворення ВКЗ в ряд Тейлора отримано аналітичні залежності для оцінки основних статичних метрологічних характеристик (номінальна функція перетворення, чутливість, адитивна і мультиплікативна складові похибок).

3. Експериментально встановлено, що адитивна і мультиплікативна похибки є не систематичними, як вважалось раніше, а випадковими похибками. Дану обставину необхідно враховувати під час оцінки вірогідності контролю неелектрических фізических величин, вимірювальний контроль яких здійснюють на основі розглянутого вимірювального каналу.

**Перелік джерел**

1. В.О. Поджаренко, В.В. Кухарчук. Вимірювання і комп'ютерно-вимірювальна техніка. -К.: УМК ВО, 1991. -240 с.
2. ДСТУ 2681-94. Метрологія. Терміни та визначення. -К.: Держстандарт України, 1994. -68с.
3. ДСТУ 2682-94. Метрологічне забезпечення. Основні положення. -К.: Держстандарт України, 1994. -15с.
4. ДСТУ 3215-95. Метрологічна атестація засобів вимірювальної техніки. Організація та порядок проведення. -К.: Держстандарт України, 1995. -10с.
5. Воловик Г. С. Основы теории инвариантных измерений. -Севастополь: "Севпол", 1995 - 160 с.

## ВИМІРЮВАННЯ ПАРАМЕТРІВ ЕЛЕКТРИЧНИХ ЛАНЦЮГІВ ЗА МЕТОДОМ НУЛІВ ТА ПОЛЮСІВ ІЗ ЗАСТОСУВАННЯМ ВИПРОБУВАЛЬНИХ СИГНАЛІВ, ОТРИМАНИХ НА ОСНОВІ ЕКСПОНЕНЦІЙНОЇ СПЛАЙН-АПРОКСИМАЦІЇ

Шумков Ю.С.

Національний технічний університет України "Київський політехнічний інститут"

Додаток іспитових сигналів, використовуваних для виміру будь-яких електрических біполярних параметрів схем, на методі нуля і полюсів розглядається в статті. Ті сигнали сгенеровані на основі показової сплайнового наближення. Помилка у вимірі параметрів, викликаних типом функції наближення, проаналізована, і результати зменшені нижче.

*The application of test signals, used for measurement of any electrical bipolar circuits parameters, on a method of zero and poles is considered in the article. Those signals are generated on the basis of exponential spline-approximation. The error in measurement of parameters, caused by the type of the approximation function, is analysed and the results are reduced below.*

Однією з важливих задач при проведенні технологічних іспитів вимірювання та контроль R,L,C-параметрів електро-радіоелементів узлів радіоелектронної апаратури, змонтованих на виробі, та підручникового монтажу. Широке застосування одержали методи нешкоджуючого контролю у складі електронних схем без фізичного зору електричного ланцюга [3,5]. При цьому контроль елементів діється шляхом створення спеціального режиму в складному агатополюсному електричному ланцюзі, що дозволяє виділити кремі ділянки схеми (гілки) у вигляді електрических двополюсників, якому різниця потенціалів на полюсах двополюсника, що досліджується, чи струм у ньому визначаються тільки параметрами цього виполюсника. У загальному випадку вимірювальна задача формується як визначення R,L,C-параметрів окремих дискретних