

**О. Д. Демов**, к. т. н., доц.;  
**А. Ж. Войнаровський**, бакалавр;  
**А. М. Волоцький**

## ВИКОРИСТАННЯ ОПЕРАТИВНОГО НАДЛИШКУ ПОТУЖНОСТІ КОНДЕНСАТОРНИХ УСТАНОВОК ПРОМИСЛОВИХ ПІДПРИЄМСТВ

### Вступ

Впровадження конденсаторних установок (КУ) в електричні мережі промислових підприємств створює умови значного зниження втрат електричної енергії в них. Такого зниження можна досягнути лише за автоматичного керування потужностями КУ протягом доби. На сьогоднішній день відомо ряд способів такого керування [1—3], і вони реалізуються шляхом комутацій КУ, зорієнтованих на реактивні навантаження вузлів, в яких вони знаходяться. Такий підхід не дозволяє в повній мірі використовувати КУ протягом доби, тому що деякі споживачі підприємств в певні періоди доби не працюють або працюють з мінімальним навантаженням, а інші споживачі в цей час працюють з максимальним навантаженням. Отже, у вузлах перших може з'явитися оперативний надлишок потужності КУ, а в інших — її дефіцит і створюється технічна можливість компенсації реактивної потужності одних вузлів за рахунок потужності інших КУ. Практична реалізація такої можливості потребує проведення її техніко-економічного аналізу і створення відповідних математичних моделей. В роботі [4] дано розв'язання цієї задачі, але в ньому не враховано, що цільова

функція доцільності використання КУ існує на дискретній множині потужностей КУ і до неї не можна застосовувати методи пошуку екстремуму, які пов'язані з розрахунками похідних. Таким чином виникає необхідність розроблення математичної моделі керування оперативним надлишком КУ, потужність яких змінюється дискретно.

### Розроблення математичної моделі

Розглянемо математичну модель оптимального керування потужностями КУ для схеми показаної на рис. 1, в якій у  $i$ -х вузлах протягом розрахункового періоду  $\Delta t$  (проміжок часу протягом якого реактивне навантаження досліджуваних вузлів можна вважати постійним) [5] з'являються  $i$ -та  $j$ -х вузлів за період  $\Delta t$ ;  $Q_{Ki}$ ,  $Q_{Kj}$  — потужності КУ, що встановлені відповідно в  $i$ -х та  $j$ -х вузлах;  $i = 1, 2, \dots, m$ ;  $j = m + 1, m + 2, \dots, n$  — кількість вузлів навантаження заводської мережі, у яких протягом періоду часу  $\Delta t$ , є надлишки реактивної потужності;  $n - m$  — кількість вузлів навантаження заводської мережі, у яких установлені КУ;  $n - m$  — кількість вузлів, у яких протягом часу  $\Delta t$ , є дефіцит реактивної потужності;  $R_i$ ,  $R_j$  — активні опори ліній, що живлять відповідно  $i$ -ті та  $j$ -ті вузли;  $R_c$  — активний опір живильної мережі

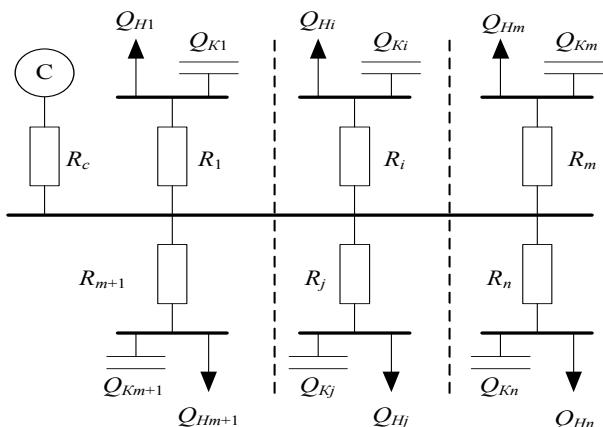


Рис. 1. Схема заміщення розрахункової мережі підприємства за використання одних вузлів для компенсації реактивної потужності інших:  $Q_{Hi}$ ,  $Q_{Hj}$  — середні реактивні навантаження відповідно

і-х та  $j$ -х вузлів за період  $\Delta t$ ;  $Q_{Ki}$ ,  $Q_{Kj}$  — потужності КУ, що встановлені відповідно в  $i$ -х та  $j$ -х вузлах;  $i = 1, 2, \dots, m$ ;  $j = m + 1, m + 2, \dots, n$  — кількість вузлів навантаження заводської мережі, у яких

$$\delta Q_{Ki} = \sum_{i=1}^m (Q_{Ki} - Q_{Hi}) > 0, \quad (1)$$

а в  $j$ -х вузлах — дефіцит реактивної потужності

$$Q_{\Sigma j} = \sum_{j=m+1}^n (Q_{Hj} - Q_{Kj}) > 0. \quad (2)$$

При цьому приймаємо такі припущення.

1. У розрахунковій схемі протікають тільки реактивні потоки, обумовлені реактивними навантаженнями  $j$ -х вузлів;

2. Напруга в розрахунковій мережі за використання КУ, розташованих в  $i$ -х вузлах, для компенсації реактивних навантажень  $j$ -х вузлів, залишається в дозволених межах.

Якщо за критерій керування прийняти зниження плати за електроенергію, то задача оптимального керування полягає в тому, щоб ввімкнути такі секції і в таких вузлах, які забезпечують максимальне зниження вказаної плати.

Пошук цих секцій представимо як послідовність кроків, на кожному з яких вмикається одна секція у певному вузлі. Тоді вказане зниження плати можна представити як

$$\Delta\Pi = \sum_1^q \Delta\Pi_p, \quad (3)$$

де  $\Delta\Pi_p$  — зниження плати на  $p$ -му кроці;  $q$  — кількість кроків для пошуку оптимального розв'язку.

Умова (3) є умовою адитивності і тому для розв'язання задачі можна застосувати метод динамічного програмування [5]. Відповідно до положень динамічного програмування математичну модель керування оперативним надлишком КУ, яка відображає покрокове вмикання секцій, можна записати таким чином

$$\left. \begin{array}{l} f_1 = \max_{i=1}^{i=m} (\Delta\Pi_i)_1; \\ f_2 = f_1 + \max_{i=1}^{i=m} (\Delta\Pi_i)_2; \\ \dots \\ f_p = f_{p-1} + \max_{i=1}^{i=m} (\Delta\Pi_i)_p; \\ \dots \\ f_q = f_{q-1} + \max_{i=1}^{i=m} (\Delta\Pi_i)_q, \end{array} \right\} \quad (4)$$

де  $f_p$  — максимальна величина зниження плати за електроенергію на  $p$ -му кроці.

Для мережі, показаної на рис. 1, величина зниження плати на  $p$ -му кроці для  $i$ -го вузла знаходитья як

$$\Delta\Pi_{pi} = \left\{ \frac{1}{U_h^2} \left[ R_c \left( 2Q_{Kpi} Q_{\Sigma p} - Q_{Kpi}^2 \right) - Q_{Kpi}^2 R_i \right] \alpha + Q_{Kpi} \beta \right\} \Delta t, \quad (5)$$

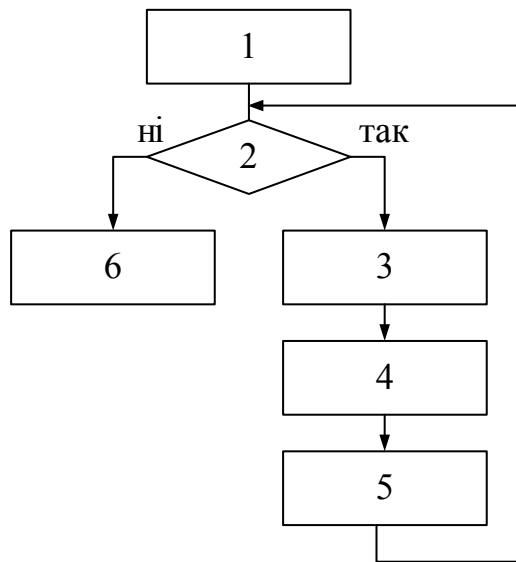
де  $Q_{Kpi}$  — величина потужності секції КУ, яка вмикається на  $p$ -му кроці в  $i$ -му вузлі;  $Q_{\Sigma p}$  — величина дефіциту КУ на  $p$ -му кроці;  $U_h$  — величина номінальної напруги розрахункової мережі.

Величина потужності секції, яка забезпечує максимальне зниження плати за електроенергію на  $p$ -му кроці, визначається як

$$Q'_{Kp} = f_p^{-1}(Q_{Kp}), \quad (6)$$

де  $f_p^{-1}$  — значення функції оберненої до  $f_p$ .

На кожному кроці величина  $Q'_{Kp}$  вилучається з величин надлишку і дефіциту реактивної потужності. Розрахунок проводиться до тих пір поки виконуються нерівності



1. Розрахунок  $\delta Q_{Ki}$  і  $Q_{\Sigma j}$ ;
  2.  $\delta Q_{Ki}, Q_{\Sigma j} > 0$ ?
  3. Розрахунок  $f_p$ ;
  4. Розрахунок  $Q'_{kp}$ ;
  5. Зменшення  $\delta Q_{Ki}$  та  $Q_{\Sigma j}$  на величину  $Q'_{kp}$ ;
  6. Кінець розрахунків
240. Знайти секції, які протягом вказаного часу доцільно вмикати.

Опори ліній подані у таблиці 1.

	ТМ 1000/10	Каб. лінія 1	Каб лінія 2	Каб. лінія 3	ТДН 1000/110	ЛЕП 110 кВ
Активний опір елемента, Ом	0,645	0,093	0,027	0,04	0,058	0,08

Розрахунки виконуються згідно з наведеним алгоритмом.

1. Величина оперативного надлишку реактивної потужності на першому кроці складає  $\delta Q_{K1} = 25 + 50 + 100 + 25 + 50 + 100 + 25 + 50 + 100 = 525 \text{ кВАр}$ .

Величина дефіциту реактивної потужності  $Q_{\Sigma} = 200 \text{ кВАр}$ .

2.  $\delta Q_{K1} > 0$  та  $Q_{\Sigma 1} > 0$ .

$$3. \text{ Розрахунок } f_p = \max_{i=1}^{i=m} (\Delta \Pi_i)_p.$$

Величина зниження плати за електроенергію на першому кроці, якщо вмикається секція потужністю 25 кВАр у першому вузлі:

$$(\Delta \Pi_1)_1 = 2 \left\{ \left( 1/10^2 \right) \left[ 0,138 \left( 2 \cdot 25 \cdot 200 - 25^2 \right) - 25^2 \cdot 0,738 \right] \cdot 0,3 \cdot 10^{-3} + 25 \cdot 0,001 \right\} = 0,055 \text{ грн.}$$

Аналогічно проводимо розрахунки для всіх вузлів та знаходимо значення  $f_i$ .

$$f_p = \max \{0,055; 0,103; 0,182; 0,055; 0,104; 0,185; 0,055; 0,104; 0,184\} = 0,185 \text{ грн.}$$

4. За розрахованим максимальним зниженням плати знаходимо потужність  $Q'_{K1}$ :

$$\delta Q_{Ki} > 0; \quad Q_{\Sigma j} > 0. \quad (7)$$

Відповідно до викладеного матеріалу на рис. 2 показано алгоритм керування оперативним надлишком КУ в  $i$ -х вузлах.

### Приклад

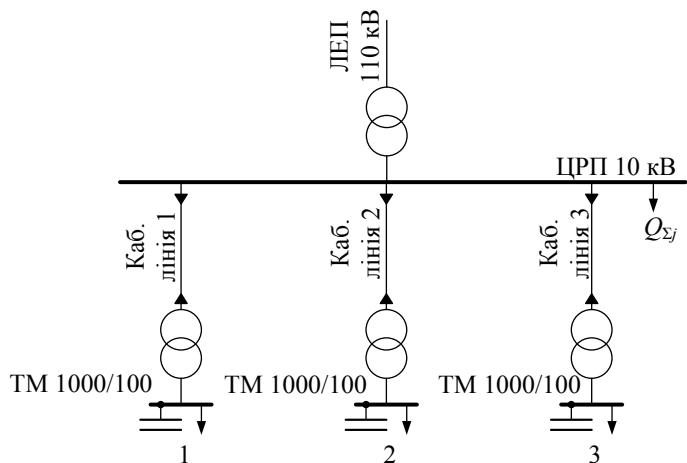


Рис. 3. Розрахункова схема заводської мережі

В вузлах 1, 2, 3 системи електропостачання, схема якої показана на рис. 3, кожного дня протягом 2 годин є неввімкнені секції потужностями 25, 50 та 100 кВАр. В цей же період на шинах ЦРП-10 кВ є не скомпенсована реактивна потужність (дефіцит КУ) величиною 200 кВАр. Кількість робочих днів протягом року — 240. Знайти секції, які протягом вказаного часу доцільно вмикати.

Таблиця 1

—

$$Q'_{K1} = 100 \text{ кВАр}$$

Таким чином, на першому кроці необхідно ввімкнути в другому вузлі третю секцію КУ потужністю 100 кВАр.

5. Розраховуємо залишкові значення  $\delta Q_{K2}$  та  $Q_{\Sigma 2}$ :

$$\delta Q_{K2} = 525 - 100 = 425 \text{ кВАр}, Q_{\Sigma 2} = 200 - 100 = 100 \text{ кВАр}.$$

Ці значення є вхідними для другого кроку розв'язання задачі.

Оскільки  $\delta Q_{K2} > 0$  та  $Q_{\Sigma 2} > 0$ , то повертаємося до пункту 3 та повторюємо розрахунки.

Результати розрахунків показані в таблиці 2.

Таблиця 2

Крок	Номер вузла, в якому вмикається секція	Номер секції, що вмикається	$\Delta \Pi$ , грн.	Потужність секції, що вмикається, кВАр	Величина надлишку $\delta Q$ , кВАр	Величина дефіциту $q$ , кВАр
1	2	3	0,185	100	425	100
2	3	3	0,167	100	325	0

Плата за електроенергію, використовуючи оперативний надлишок зазначенним способом, зменшиться на

$$\Delta \Pi = 0,185 + 0,167 = 0,352 \text{ грн.}$$

Зменшення плати за рік буде складати  $0,352 \cdot 240 = 84,48 \text{ грн.}$

### Висновки

- Протягом доби в вузлах промислових підприємств може виникати оперативний надлишок КУ, який доцільно використовувати для компенсації реактивної потужності.
- Пошук найкращого варіанта використання оперативного надлишку КУ доцільно здійснювати з допомогою динамічного програмування, що дозволяє враховувати дискретність потужностей КУ.
- Впровадження запропонованого методу керування оперативним надлишком потужності КУ дозволяє підприємству знизити плату за електроенергію.

### СПИСОК ЛІТЕРАТУРИ

- Ильяшов В. П. Автоматическое регулирование мощности КУ. — М : Энергия, 1977. — 247 с.
- Баркан Л. Д. Автоматическое управление режимом батарей конденсаторов. — М.: Энергия, 1978. — 112 с.
- Красник В. В. Автоматические устройства по компенсации реактивных нагрузок в электрических сетях предприятия. — М.: Энергия, 1975. — 135 с.
- Демов О. Д., Хінді Айман Тахер, Мельничук С. М. Підвищення економічної ефективності управління батареями конденсаторів в мережах промислових підприємств протягом доби // Вісник ВПІ. — 2001. — № 4. — С. 57—61.
- Вентцель Е. С. Исследование операций. — М.: Советское радио, 1972. — 552 с.

Рекомендована кафедрою електротехнічних систем електроспоживання та енергозбереження.

Надійшла до редакції 16.09.04

Рекомендована до опублікування 08.10.04

**Демов Олександр Дмитрович** — доцент; **Войнаровський Андрій Жоржович** — магістрант кафедри;  
**Волоцький Анатолій Михайлович** — асистент

Кафедра електротехнічних систем електроспоживання та енергозбереження, Вінницький національний технічний університет