



УКРАЇНА

(19) UA (11) 62306 (13) U
(51) МПК (2011.01)
H03M 13/00ДЕРЖАВНА СЛУЖБА
ІНТЕЛЕКТУАЛЬНОЇ
ВЛАСНОСТІ
УКРАЇНИОПИС
ДО ПАТЕНТУ
НА КОРИСНУ МОДЕЛЬвидається під
відповідальність
власника
патенту**(54) СПОСІБ ПОЄДНАННЯ ЗАВАДОСТІЙКОГО КОДУВАННЯ ДИСКРЕТНОЇ ІНФОРМАЦІЇ І ПОТОКОВОГО ШИФРУВАННЯ ІЗ СЕАНСОВИМ КЛЮЧЕМ**

1

2

(21) u201100690

(22) 21.01.2011

(24) 25.08.2011

(46) 25.08.2011, Бюл.№ 16, 2011 р.

(72) СЕМЕРЕНКО ВАСИЛЬ ПЕТРОВИЧ, ДУБРОВ
ОЛЕКСАНДР ФЕДОРОВИЧ(73) ВІННИЦЬКИЙ НАЦІОНАЛЬНИЙ ТЕХНІЧНИЙ
УНІВЕРСИТЕТ

(57) Спосіб поєднання завадостійкого кодування дискретної інформації і потокового шифрування із сеансовим ключем, в якому на боці передавача кодують k -розрядні інформаційні вектори множенням на k -розрядний породжувальний поліном циклічного k -коду і шифрують їх, а на боці приймача дешифрують отримані з каналу зв'язку n -розрядні кодові вектори і декодують їх діленням на $(n-k)$ -розрядний породжувальний поліном циклічного (n,k) -коду, який відрізняється тим, що на боці передавача після кодування шифрують $(l-m)$ -розрядні кодові вектори приєднанням до

них $(l-m)$ -розрядного сеансового ключа і подальшим діленням на $(l-m)$ -розрядний породжувальний поліном циклічного (l,m) -коду ($l-m \geq n$), а на боці приймача дешифрують $(l-m)$ -розрядні кодові вектори порозрядним модульним додаванням $(l-m)$ -розрядного вектора паролю, який обчислюється як $(m-1)$ -а остача від ділення зсунутого на $(l-m)$ розрядів вліво сеансового ключа на $(l-m)$ -розрядний породжувальний поліном циклічного (l,m) -коду, причому для кожного кодового вектора використовується свій сеансовий ключ, який обчислюється почерговим діленням заданого секретного базового ключа на $(l-m)$ -розрядний породжувальний поліном циклічного (l,m) -коду і його подальшим нелінійним перетворенням.

Корисна модель належить до техніки передавання даних і може бути використана в інформаційно-вимірювальних системах, комп'ютерних мережах та в засобах шифрування даних.

Відомий спосіб стохастичного кодування з виправленням помилок і захистом інформації при передачі даних по каналах зв'язку. Цей спосіб включає в себе власне кодування і декодування, а також і стохастичне перетворення на основі псевдовипадкових чисел. [Осмоловский С. А. Стохастические методы защиты информации. М.: Радио и связь, 2003].

Недоліком відомого способу є те, що операції кодування і декодування виконуються окремо від операцій шифрування і дешифрування, що вимагає великих витрат часу для передачі даних і не дозволяє його ефективно використати в системах реального часу.

Найбільш близьким по технічній суті є спосіб завадостійкого кодування дискретної інформації із

захистом [Патент України на корисну модель № 50203 М. кл., H03M13/00, Бюл. № 10, 2010], в якому на боці передавача кодують k -розрядні інформаційні вектори множенням на $(n-k)$ -розрядний породжувальний поліном циклічного (n,k) -коду і шифрують їх, а на боці приймача декодують отримані з каналу зв'язку n -розрядні кодові вектори діленням на $(n-k)$ -розрядний породжувальний поліном циклічного (n,k) -коду, і дешифрують їх, після кодування шифрують n -розрядні кодові вектори порозрядним додаванням по модулю два до них секретного n -розрядного вектора паролю, а перед декодуванням дешифрують порозрядним додаванням по модулю два до отриманих з каналу зв'язку n -розрядних кодових векторів цього ж n -розрядного вектора паролю.

Недоліком цього способу є низька криптостійкість через використання одного пароля протягом всього процесу передавання даних, а також вико-

(13) U

(11) 62306

(19) UA

ристання тільки лінійних перетворень при обчисленні паролю.

В основу корисної моделі поставлена задача створення способу поєднання завадостійкого кодування дискретної інформації і потокового шифрування із сеансовим ключем, в якому за рахунок використання для шифрування кожного кодового вектора свого сеансового ключа, який обчислюється на основі лінійних операцій із заданим секретним базовим ключем і його подальшим нелінійним перетворенням, в результаті чого зберігається початкова завадостійкість кодування, збільшується ступінь захисту, зменшуються загальні витрати часу на виконання операцій декодування і дешифрування.

Поставлена задача вирішується тим, що в способі поєднання завадостійкого кодування дискретної інформації і потокового шифрування із сеансовим ключем, в якому на боці передавача кодують k -розрядні інформаційні вектори множенням на $(n-k)$ -розрядний породжувальний поліном циклічного (n,k) -коду і шифрують їх, а на боці приймача дешифрують отримані з каналу зв'язку n -розрядні кодові вектори і декодують їх діленням на $(n-k)$ -розрядний породжувальний поліном циклічного (n,k) -коду, причому на боці передавача після кодування шифрують $(l-m)$ -розрядні кодові вектори приєднанням до них $(l-m)$ -розрядного сеансового ключа і подальшим діленням на $(l-m)$ -розрядний породжувальний поліном циклічного (l,m) -коду ($l-m \geq n$), а на боці приймача дешифрують $(l-m)$ -розрядні кодові вектори порозрядним модульним додаванням $(l-m)$ -розрядного вектора паролю, який обчислюють як $(m-1)$ -а остачу від ділення зсунутого на $(l-m)$ розрядів вліво сеансового ключа на $(l-m)$ -розрядний породжувальний поліном циклічного (l,m) -коду, причому для кожного кодового вектора використовують свій сеансовий ключ, який обчислюють почерговим діленням заданого секретного базового ключа на $(l-m)$ -розрядний породжувальний поліном циклічного (l,m) -коду і його подальшим нелінійним перетворенням.

Спосіб здійснюється наступним чином. Спочатку на боці передавача виконують завадостійке кодування заданих інформаційних векторів $l(x)$ за допомогою циклічного (n,k) -коду над полем Галуа $GF(2)$ з мінімальною кодовою відстанню d_{\min} , який задають $(n-k)$ -розрядним породжувальним поліномом

$$g(x) = g_r x^r + g_{r-1} x^{r-1} + \dots + g_1 x + g_0, r = n - k.$$

Для завадостійкого кодування використовують несистематичне кодування циклічних кодів, тобто для отримання n -розрядного кодового вектора $C(x)$ необхідно протягом n тактів часу заданий k -

розрядний інформаційний вектор $l(x)$ перемножити на породжувальний поліном $g(x)$:

$$C(x) = l(x) \times g(x), \quad (1)$$

Перевагою несистематичного кодування в циклічних кодах є нероздільність інформаційних і контрольних розрядів, що забезпечує одночасно і першу ступінь захисту даних в каналі зв'язку.

Подальший захист даних забезпечують завдяки їх наступному шифруванню. Для цього задають $(l-m)$ -розрядний базовий ключ K_B , який залишають незмінним протягом всього інтервалу часу передачі масиву кодових векторів ($l-m \geq n$). Для передачі кожного окремого кодового вектора $C_i(x)$ обчислюють свій сеансовий ключ $K_{S,i}$ за допомогою циклічного (l,m) -коду над полем Галуа $GF(2)$, який задають $(l-m)$ -розрядним породжувальним поліномом

$$h(x) = h_r x^r + h_{r-1} x^{r-1} + \dots + h_1 x + h_0, r = l - m.$$

Сеансовий ключ $K_{S,i}$ формують за два етапи: лінійний та нелінійний. На першому етапі для i -го сеансу обчислюють лінійний сеансовий ключ $K_{li}^{(i)}$ як i -а остачу від модульного ділення над полем Галуа $GF(2)$ базового ключа K_B на породжувальний поліном $h(x)$ циклічного (l,m) -коду:

$$K_{li}^{(i)} = \left(K_B x^i \right) \bmod(h(x)), \quad (2)$$

На другому етапі для i -го сеансу обчислюють нелінійний сеансовий ключ $K_{S,i}$ як результат перетворення лінійного сеансового ключа $K_{li}^{(i)}$ за допомогою булевої нелінійної функції $\varphi(\cdot)$:

$$K_{S,i} = \varphi \left(K_{li}^{(i)} \right), \quad (3)$$

Прикладом булевої нелінійної функції можуть бути бент-функції. Лінійний та нелінійний етапи обчислення сеансового ключа $K_{S,i}$ забезпечують відповідно другий та третій ступені захисту даних і тривають по одному такту часу.

Зашифрований $(l-m)$ -розрядний кодовий вектор $T_i(x)$ формують як $(l-m-1)$ -а остачу від модульного ділення над полем Галуа $GF(2)$ сеансового ключа $K_{S,i}$ і приєднаного до нього кодового вектора $C_i(x)$ на породжувальний поліном $h(x)$ циклічного (l,m) -коду:

$$T_i(x) = \left(K_{S,i} x^{l-m} + C_i(x) \right) \bmod(h(x)), \quad (4)$$

Процес шифрування кодового вектора відбувається одночасно із його кодуванням, з затримкою лише на один такт. Далі кодовий вектор $T_i(x)$ передають по каналу зв'язку.

На боці приймача отриманий із каналу зв'язку вектор $T_{ch,i}(x)$ спочатку дешифрують, тобто з нього виділяють кодовий вектор $C_{ch,i}(x)$. Для цього на стороні приймача спочатку формують такий же нелінійний сеансовий ключ $K_{S,i}$, як і на стороні передавача.

Далі формують $(l-m)$ -розрядний сеансовий пароль $P_{S,i}$ як $(l-m-1)$ -а остачу від модульного ділення над полем Галуа $GF(2)$ зсунутого на $(l-m)$ розрядів вліво нелінійного сеансового ключа $K_{S,i}$ на породжувальний поліном $h(x)$ циклічного (l,m) -коду:

$$P_{S,i} = (K_{S,i}x^{l-m}) \bmod(h(x)), \quad (5)$$

Формування сеансового паролю $P_{S,i}$ відбувається протягом такого інтервалу часу, поки триває передача кодового вектора $T_i(x)$ по каналу зв'язку.

Дешифрування полягає в модульному порозрядному додаванню над полем Галуа $GF(2)$ сформованого сеансового паролю $P_{S,i}$ до отриманого із каналу зв'язку кодового вектора $T_{ch,i}(x)$, в результаті чого буде отримано кодовий вектор $C_{ch,i}(x)$:

$$C_{ch,i}(x) = T_{ch,i}(x) + P_{S,i}(x), \quad (6)$$

При декодуванні із кодового вектора $C_{ch,i}(x)$ виділяється початковий інформаційний вектор $I(x)$ модульним діленням кодового вектора $C_{ch,i}(x)$ на породжувальний поліном $g(x)$:

$$I_i(x) = \frac{C_{ch,i}(x)}{g(x)} + R_i(x), \quad (7)$$

Якщо в результаті ділення (4) буде отримано нульовий вектор синдрому $R(x)$, це буде свідчити, що передача даних по каналу зв'язку виконана без

τ_{\min} помилок $\left(\tau_{\min} = \frac{d_{\min} - 1}{2} \right)$, тобто

$C_{ch,i}(x) = C_i(x)$. При отриманні ненульового вектора синдрому $R(x)$ далі виконують процедуру пошуку помилок в кодовому векторі в межах коректної здатності вибраного коду.

Основну роль в захисті даних відіграє секретний базовий ключ K_B і ступінь криптостійкості залежить від величини його розрядності. Оскільки $(l-m)$ -розрядний вектор ключа K_B може бути довільним, існує 2^{l-m} варіантів такого вибору.

Розрядність ключа K_B визначають розрядністю породжувального полінома циклічного (l,m) -коду, що використовують для шифрування. Тому вказаний поліном має бути примітивним і максимально можливої розрядності, що зробить випадковий підбір ключа K_B практично неможливим.

У запропонованому способі поєднання завадостійкого кодування дискретної інформації і поточкового шифрування із сеансовим ключем підвищується криптостійкість завдяки тому, що використовується триступенева система захисту і при обчисленні сеансового паролю $P_{S,i}$ використовуються лінійні та нелінійні перетворення.

Оскільки сеансовий вектор паролю $P_{S,i}$ змінюється для кожного нового кодового вектора $C_i(x)$, тому неможливо розшифрувати весь масив кодівих векторів навіть тоді, коли буде одночасно відома деяка кількість зашифрованих та відкритих кодівих векторів.

Розглянемо спосіб поєднання завадостійкого кодування дискретної інформації і потокового шифрування із сеансовим ключем на прикладі циклічного $(7,4)$ -коду з породжувальним поліномом $g(x) = x^3 + x + 1$ та циклічного $(255,247)$ -коду з породжувальним поліномом

$$p(x) = x^8 + x^6 + x^5 + x^4 + 1 (n = 7, l = 255, m = 247)$$

Нехай задано 4-розрядний інформаційний вектор $I_1(x) = x^3 + x^2 + x + 1110$. Виконаємо несистематичне кодування для отримання 7-розрядного кодового вектора $C_1(x)$ згідно з (1) використанням породжувального поліному $g(x)$:

$$C_1(x) = (x^3 + x^2 + x) \times (x^3 + x + 1) = x^6 + x^5 + x + 1100010 \quad (8)$$

Для криптографічного захисту задано 8-розрядний $(m = 8)$ базовий ключ

$K_B = x^7 + x^4 + x + 1 = 10010011$. Згідно з (2) знайдемо першу остачу від модульного ділення над полем Галуа $GF(2)$ на породжувальний поліном $h(x)$, тобто обчислимо для першого сеансу лінійний сеансовий ключ $K_{l|ij}$:

$$\left((x^7 + x^4 + x + 1)x \right) \bmod (x^8 + x^6 + x^5 + x^4 + 1) = \frac{x^8 + 0 + 0 + x^5 + 0 + 0x^2 + x + 0}{x^8 + 0 + x^6 + x^5 + x^4 + 0 + 0 + 0 + 1} \cdot \frac{x^8 + x^6 + x^5 + x^4 + 1}{1}.$$

Отже, $K_{lin1} = x^6 + x^4 + x^2 + x + 1 = 01010111$.
Для формування нелінійного сеансового ключа $K_{S,1}$ скористаємось такою булевою нелінійною функцією $\varphi(\cdot)$:

$$\varphi(a) = a_j \& a_{j-1} \vee a_{j-2}, \quad j = 0, 1, \dots, n_2 - 1, \quad (9)$$

де a_j - j -й розряд ключа K_{lin1} , $a_{-1} = a_{-2} = 0$.

Результати перетворення лінійного сеансового ключа K_{lin1} за допомогою булевої нелінійної функції (9) подамо у вигляді таблиці.

Таблиця

Формування розрядів нелінійного сеансового ключа $K_{S,1}$

№	Розряди ключа K_{lin1}	Розряди ключа $K_{S,1}$
0	1	$1 \& 0 \vee 0 = 0$
1	1	$1 \& 1 \vee 0 = 1$
2	1	$1 \& 1 \vee 1 = 0$
3	0	$0 \& 1 \vee 1 = 1$
4	1	$1 \& 0 \vee 1 = 1$
5	0	$0 \& 1 \vee 0 = 0$
6	1	$1 \& 0 \vee 1 = 1$
7	0	$0 \& 1 \vee 0 = 0$

Отже, таким чином ми отримали нелінійний сеансовий ключ

$$K_{S,1} = x^6 + x^4 + x^3 + x = 01011010, \quad (10)$$

$$\left((x^6 + x^4 + x^3 + x)x^8 + x^6 + x^5 + x \right) = x^{14} + x^{12} + x^{11} + x^9 + x^6 + x^5 + x = 10110100100010.$$

Далі необхідно виконати обчислення

$$\left(x^{14} + x^{12} + x^{11} + x^9 + x^6 + x^5 + x \right) \bmod (x^8 + x^6 + x^5 + x^4 + 1).$$

В результаті ділення цих поліномів буде отримана остача, яка і являє собою зашифрований кодовий вектор:

$$T_1(x) = x^6 + x^5 + x^4 + x^2 + 1 = 01110101.$$

На боці приймача для розшифрування потрібно спочатку сформуванню нелінійний сеансовий ключ $K_{S,i}$, аналогічно, як на боці передавача, а

$$\left((x^6 + x^4 + x^3 + x)x^8 \right) \bmod (x^8 + x^6 + x^5 + x^4 + 1) = \left(x^{14} + x^{12} + x^{11} + x^9 \right) \bmod (x^8 + x^6 + x^5 + x^4 + 1).$$

В результаті ділення цих поліномів буде отримана остача, яка і являє собою зашифрований сеансовий пароль:

$$P_{S,1}(x) = x^4 + x^2 + x + 1 = 00010111.$$

Тепер за допомогою ключа (10) можна зашифрувати кодовий вектор (8) і отримати 8-розрядний кодовий вектор $T_1(x)$ згідно з (4). Спочатку приєднаємо до ключа (10) кодовий вектор (8):

потім - 8-розрядний сеансовий пароль $P_{S,1}$ згідно з (5).

В даному випадку необхідно виконати такі обчислення:

Виконаємо дешифрування кодового вектора згідно з (6):

$$C_{ch,1}(x) = T_{ch,1}(x) \oplus P_{S,1}(x) = x^6 + x^5 + x = 1100010$$

Згідно з (7), при декодуванні із кодового вектора $C_{ch,i}(x)$ виділяється інформаційний вектор $I_1(x)$ діленням кодового вектора $C_{ch,i}(x)$ на породжувальний поліном $g(x)$:

$$I_1(x) = \frac{x^6 + x^5 + x}{x^3 + x + 1} = x^3 + x^2 + x = 1110, \quad (11)$$

Оскільки в результаті ділення (11) отримана нульова остача, тобто отримано нульовий вектор синдрому $R_i(x)$, це свідчить, що передача даних по каналу зв'язку виконана без τ_{min} помилок, тобто $C_{ch}(x) = C(x)$ і отримано початковий інформаційний вектор $I_1(x)$.